

PARTE A: Problemas del 1 al 10.

El puntaje por respuesta correcta es de +3 puntos, respuesta incorrecta -0.5 puntos y pregunta en blanco 0 puntos.

**Problema 1.** Si el término independiente de  $P(x) = x^{2019} + (3x - 2)^n - x^3 + 3$  es 19, la suma de coeficientes es:

- (A) 4                      (B) 19                      (C) 20                      (D) 628                      (E) 2019

**Problema 2.** Un rectángulo tiene un área  $21 u^2$  y un perímetro de  $20 u$ , calcula la longitud del lado más corto del rectángulo.

- (A)  $2019 u$               (B)  $\frac{1}{2019} u$               (C)  $1 u$                       (D)  $2 u$                       (E)  $3 u$

**Problema 3.** Dada la expresión  $E$ :

$$E(x, y) = \frac{\sqrt[3]{x}(\sqrt[3]{y} + 1)}{1 + \sqrt[3]{x}}$$

Determina el valor de  $E(2019^{2019}, 2019^{-2019})$ .

- (A) 2019                      (B)  $\frac{1}{2019}$                       (C) 1                              (D) 2                              (E) 3

**Problema 4.** Calcula el valor de:

$$\sqrt{1 + 2019\sqrt{1 + 2018\sqrt{1 + \dots 5\sqrt{1 + 4\sqrt{1 + 3\sqrt{1}}}}}}$$

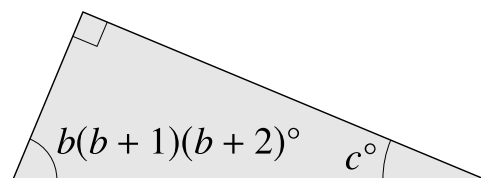
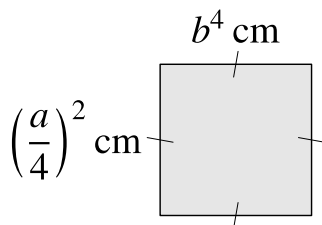
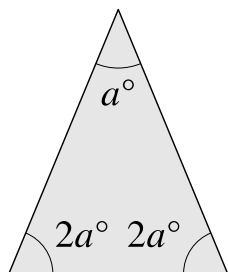
- (A) 2020                      (B) 2019                      (C) 2018                      (D) 2017                      (E) 2016



**Problema 5.** Si  $a$  y  $b$  son números distintos de cero, tales que  $a$  es  $p\%$  de  $b$  y  $b$  es  $4p\%$  de  $a$ , ¿cuál es el valor de  $p$ ?

- (A) 400                      (B) 250                      (C) 150                      (D) 50                      (E) 40

**Problema 6.** A partir de las siguientes figuras, determina el valor de  $a+b+c$ .



- (A) 79                      (B) 69                      (C) 67                      (D) 65                      (E) 63

**Problema 7.** Las raíces de la ecuación  $x^2 - 7mx + 5n = 0$  son  $m$  y  $n$ , donde  $m \neq 0$  y  $n \neq 0$ . Encuentra la ecuación cuadrática cuyas raíces son  $\frac{m}{n}$  y  $\frac{n}{m}$ .

- (A)  $6x^2 - 37x + 1 = 0$                       (B)  $6x^2 - 50x - 7 = 0$                       (C)  $6x^2 - 50x + 7 = 0$   
 (D)  $6x^2 - 37x + 6 = 0$                       (E)  $x^2 - 37x + 1 = 0$

**Problema 8.** Si  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_{100}$  son enteros no negativos tales que:

$$(a_1 + a_3 + a_5 + \dots + a_{99})(a_2 + a_4 + a_6 + \dots + a_{100}) + 2 = 2019,$$

calcula el valor de:  $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{100}$ .

- (A) 1009                      (B) 2018                      (C) 2019                      (D) 2020                      (E) 4038



**Problema 9.** Sea  $P(x)$  un polinomio cuadrático con coeficientes reales tal que:

$$P(x) = P(0) + P(1)x + P(2)x^2$$

para todo real  $x$  y  $P(3) = 7$ . ¿Cuál es el valor de  $P(-1)$  ?

- (A)  $\frac{7}{5}$                       (B)  $\frac{6}{7}$                       (C)  $\frac{3}{4}$                       (D)  $-\frac{2}{9}$                       (E)  $-\frac{1}{3}$

**Problema 10.** Dado que:

$$\left(1 + \frac{1}{2}\right) \times \left(1 + \frac{1}{2^2}\right) \times \left(1 + \frac{1}{2^4}\right) \times \left(1 + \frac{1}{2^8}\right) \times \dots \times \left(1 + \frac{1}{2^{2^{2019}}}\right) = 2 \left(1 - \frac{1}{2^{2^n}}\right),$$

Determina el valor de  $n$ .

- (A) 2018                      (B) 2019                      (C) 2020                      (D) 4038                      (E)  $2^{2019}$

**PARTE B: Problemas del 11 al 15.**

El puntaje por respuesta correcta es de +6 puntos, respuesta incorrecta -1 puntos y pregunta en blanco 0 puntos.

**Problema 11.** Fiorella pensó en un número capicúa de 3 dígitos y notó que cuando le suma 2019 unidades al número que pensó, resulta un nuevo número capicúa de 4 dígitos. ¿Cuál es la suma de los dígitos del número que pensó Fiorella? *Aclaración: Un número es capicúa si se lee igual de derecha a izquierda que de izquierda a derecha.*

- (A) 6                      (B) 7                      (C) 8                      (D) 9                      (E) 10

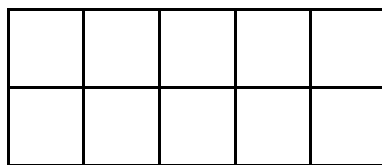
**Problema 12.** Encuentra cuántos pares de enteros  $(a, b)$  cumplen que:

$$2019 + b = a^2 + ab + a$$

- (A) Ninguno                      (B) Más de 4                      (C) 4                      (D) 2                      (E) 1



**Problema 13.** Se desea pintar de color negro algunas de las casillas del siguiente tablero:



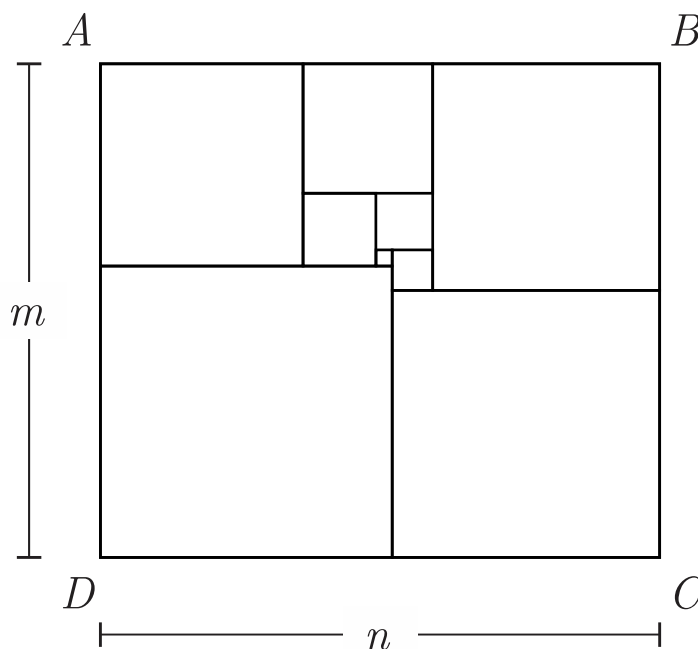
Para ello se debe tener en cuenta las siguientes reglas:

- Dos columnas adyacentes no pueden tener el mismo número de casillas negras.
- Dos subtableros de  $2 \times 2$  que se superponen en una columna nunca pueden tener el mismo número de casillas negras.

¿De cuántas maneras posibles se puede pintar el tablero con las condiciones anteriores?

- (A) 6                      (B) 8                      (C) 12                      (D) 20                      (E) 24

**Problema 14.** El rectángulo  $ABCD$  ha sido dividido en nueve cuadrados. Si  $m$  y  $n$  son números primos relativos entre si, determina el perímetro del rectángulo  $ABCD$ .



- (A) 260  $u$                       (B) 250  $u$   
 (C) 240  $u$                       (D) 210  $u$   
 (E) 180  $u$

**Problema 15.** Un entero positivo  $n$  es llamado *recreativo* si tiene un factor primo mayor que  $\sqrt{n}$ . Por ejemplo,  $19 = 1 \times 19$ ,  $2019 = 3 \times 673$  y  $2022 = 2 \times 3 \times 337$  son recreativos, pero  $2023 = 7 \times 17^2$  no lo es. ¿Cuántos números recreativos existen que solo tengan factores primos menores que 30?

- (A) 131                      (B) 119                      (C) 116                      (D) 105                      (E) 97